

ESTUDIO DE LA REACTIVIDAD EN MOLÉCULAS FENÓLICAS MEDIANTE LA FUNCIÓN DE *FUKUI*

Carlos A. Sernaqué¹, Luis G. Calvo¹, Rodolfo Pumachagua^{1*}

RESUMEN

En este trabajo analizamos la estructura más estable y la evolución de la reactividad local utilizando los índices de *Fukui* en sistemas fenólicos sustituidos en posición-para, conforme se modifica la función base en diferentes métodos. Los resultados explican las sustituciones: electrofílica y nucleofílica aromática y la acilación en los sistemas fenólicos. Los cálculos se llevaron a cabo a un nivel: HF/3-21G, B3LYP/3-21G, B3LYP/6-31G(d) y MP2/6-31+G(d); se estableció el nivel de cálculo adecuado para cada tipo de reacción estudiada.

Palabras clave: Teoría del funcional de densidad, función de *Fukui*, fenol, carácter nucleofílico.

STUDY OF REACTIVITY IN PHENOL MOLECULES THROUGH THE *FUKUI* FUNCTION

ABSTRACT

In this paper we analyze the most stable structure and the evolution of the reactivity of local using the indices of *Fukui* in systems phenolic substituted in position-para as amending function based on different methods. The results explain the substitutions: Electrophilic and aromatic nucleophilic and acylation in phenolic systems. The calculations were carried out at a level: HF/3-21G, B3LYP/3-21G, B3LYP/6-31G(d) and MP2/6-31+G(d), established the level of calculation for each type of reaction studied.

Key words: Functional of density theory, *Fukui* function, phenol, character nucleophilic.

INTRODUCCIÓN

Los fenoles contienen un grupo hidroxilo unido directamente a un grupo aromático¹, son sustratos reactivos a la sustitución electrofílica aromática porque el grupo hidroxilo dona electrones al anillo que estabiliza al carbocatión intermediario formado; el efecto de resonancia dirige la reacción en posición “orto” y “para”.

La reacción de nitración del fenol es 1000 veces más rápido que del benceno². La sustitución nucleofílica del fenol ocurre en presencia de un grupo saliente atractor de electrones². La acilación de los fenoles en el oxígeno del hidroxilo ocurre bajo condiciones especiales de *Friedel-Craft*, sujetas a un control cinético y termodinámico¹.

Analizamos las reacciones de sustituciones: electrofílica y nucleofílica cuando existe un sustituyente en posición “para” respecto al grupo hidroxilo del fenol por ser uno de los sitios de mayor densidad electrónica³; de esta manera, podemos explicar los sitios reactivos locales

¹ Universidad Nacional Federico Villarreal, Facultad de Ciencias Naturales y Matemáticas, Laboratorio de Química Teórica, Jr. Chepen s/n (El Agustino) Perú. rpumachagua@yahoo.es

con la función de *Fukui* para obtener un solo producto de reacción en los dos tipos de sustitución aromática, deseado hoy en día por los laboratorios de investigación⁴.

Los cálculos de reactividad local mediante la función de *Fukui* se obtuvo a partir de las cargas de *Mulliken*, obtenidas de los diferentes cálculos de optimización. De esta manera encontramos el método que prediga la energía más baja para nuestro sistema y determine los sitios de mayor reactividad^{1,2}.

FUNDAMENTOS TEÓRICOS

Método Moller-Plesset

Basada en la teoría de perturbación, el Hamiltoniano se expresa como^{5,6}:

$$\hat{H} = \hat{H}^{(0)} + \hat{H}' = \hat{H}^{(0)} + \lambda \hat{H} \quad (\text{I})$$

donde $H^{(0)}$ es el hamiltoniano de orden cero del cual se conocen sus funciones propias y valores propios. H es el operador de perturbación.

Mediante el parámetro λ , que va de 0 (sistema sin perturbar) a 1 (perturbación aplicada completamente)⁵ se construye una serie de *Taylor* para encontrar los niveles energéticos E_n y sus respectivas funciones propias, ψ_n que se pueden expresar de la forma:

$$E_n = E_n^{(0)} + E_n^{(1)}\lambda + E_n^{(2)}\lambda^2 + \dots \quad (\text{II})$$

$$\psi_n = \psi_n^{(0)} + \psi_n^{(1)}\lambda + \psi_n^{(2)}\lambda^2 + \dots \quad (\text{III})$$

donde $\psi_n^{(K)}$ y $E_n^{(K)}$ son las correcciones de orden K de la función de onda y de la energía respectivamente. Por lo tanto, para encontrar las correcciones se utiliza la ecuación de *Schrödinger* independiente del tiempo^{5,6}:

$$\hat{H} \psi_n = E_n \psi_n \quad (\text{III})$$

$$(\hat{H}^{(0)} + \lambda \hat{H}) (\psi_n^{(0)} + \lambda \psi_n^{(1)} + \lambda^2 \psi_n^{(2)} + \dots) = (E_n^{(0)} + \lambda E_n^{(1)} + \lambda^2 E_n^{(2)} + \dots) (\psi_n^{(0)} + \lambda \psi_n^{(1)} + \lambda^2 \psi_n^{(2)} + \dots) \quad (\text{V})$$

$$\begin{aligned} \hat{H}^{(0)} \psi_n^{(0)} + \lambda (\hat{H}' \psi_n^{(0)} + \hat{H}^{(0)} \psi_n^{(1)}) + \lambda^2 (\hat{H}^{(0)} \psi_n^{(2)} + \hat{H}' \psi_n^{(1)}) + \dots = E_n^{(0)} \psi_n^{(0)} + \\ \lambda (E_n^{(1)} \psi_n^{(0)} + E_n^{(0)} \psi_n^{(1)}) + \lambda^2 (E_n^{(2)} \psi_n^{(0)} + E_n^{(1)} \psi_n^{(1)} + E_n^{(0)} \psi_n^{(2)}) + \dots \end{aligned} \quad (\text{VI})$$

Igualando términos:

$$\hat{H}^{(0)} \psi_n^{(0)} = E_n^{(0)} \psi_n^{(0)} \dots \text{(Ecuación de Schrödinger en sistemas sin perturbación)} \quad (\text{VII})$$

$$\hat{H}' \psi_n^{(0)} + \hat{H}^{(0)} \psi_n^{(1)} = E_n^{(1)} \psi_n^{(0)} + E_n^{(0)} \psi_n^{(1)} \quad (\text{VIII})$$

$$\hat{H}^{(0)} \psi_n^{(2)} + \hat{H}' \psi_n^{(1)} = E_n^{(2)} \psi_n^{(0)} + E_n^{(1)} \psi_n^{(1)} + E_n^{(0)} \psi_n^{(2)} \quad (\text{IX})$$

Las correcciones de energía de primer y segundo orden se expresan⁶:

$$E_{MP1} = E_0^{(0)} + E_0^{(1)} = \langle \psi_0^{(0)} | H^{(0)} | \psi_0^{(0)} \rangle + \langle \psi_0^{(0)} | \hat{H}' | \psi_0^{(0)} \rangle = \langle \psi_0^{(0)} | H^{(0)} + \hat{H}' | \psi_0^{(0)} \rangle = E_{HF} \quad (X)$$

$$E_{MP2} = E_{HF} + E_0^{(2)} = E_{HF} + \left\langle \psi_0^{(0)} \left| \hat{H}' \right| \psi_0^{(1)} \right\rangle = E_{HF} + \sum_{n \neq 0} \frac{|\langle \psi_n^{(0)} | \hat{H}' | \psi_0^{(0)} \rangle|}{E_0^{(0)} - E_n^{(0)}} \quad (XI)$$

De esta manera, el método MP2 incluye la primera correlación electrónica de menor coste computacional, y por ello es uno de los más utilizados de los métodos perturbacionales.

Cabe indicar, que los métodos perturbacionales son consistentes con el tamaño, lo que combinado con su menor coste computacional respecto a los métodos de Interacción Configuracional, los hace los métodos más utilizados de correlación electrónica⁶.

Función de Fukui

Es una propiedad local que se describe como la primera derivada de la densidad electrónica $\rho(r)$ de un sistema con respecto al número de electrones N a un potencial externo constante $v(r)$. Esto se expresa como^{7,8}:

$$f(r) = \left[\frac{\partial \rho(r)}{\partial N} \right]_{v(r)} = \left[\frac{\delta \mu}{\delta v(r)} \right]_N \quad (XII)$$

Las funciones de *Fukui* nucleofílica, electrofílica y radical se expresan como^{7,8}:

$$f_k^+ = [\rho_k(N+1) - \rho_k(N)] \quad \dots \quad \text{para un ataque nucleofílico} \quad (XIII)$$

$$f_k^- = [\rho_k(N) - \rho_k(N-1)] \quad \dots \quad \text{para un ataque electrofílico} \quad (XIV)$$

$$f_k^0 = [\rho_k(N+1) - \rho_k(N-1)]/2 \quad \dots \quad \text{para un ataque radicalario} \quad (XV)$$

donde $\rho_k(N)$, $\rho_k(N-1)$ y $\rho_k(N+1)$ son las poblaciones electrónicas del sitio k en los sistemas neutros, catiónicos y aniónicos, respectivamente⁷.

ASPECTOS COMPUTACIONALES

Los cálculos computacionales se realizaron utilizando el programa Gaussian 03. Las optimizaciones de geometría se llevaron a cabo al nivel teórico: HF/3-21G, B3LYP/3-21G, B3LYP/6-31G(d) y MP2/6-31+G(d).

El estudio de las funciones de *Fukui* se realizó a partir del cálculo puntual⁹ para los sistemas catiónicos y aniónicos variando la multiplicidad y la carga, manteniendo la geometría del sistema neutro⁷.

RESULTADOS Y DISCUSIÓN

El fenol sustituido en posición “para”, sufre un ataque electrofílico en las posiciones 2 o 6 (figura 1). Las posiciones 2 y 6 son posiciones “orto” con respecto al activador hidroxilo del núcleo fenólico, que tiene preferencia sobre otros sustituyentes a excepción del grupo amino.

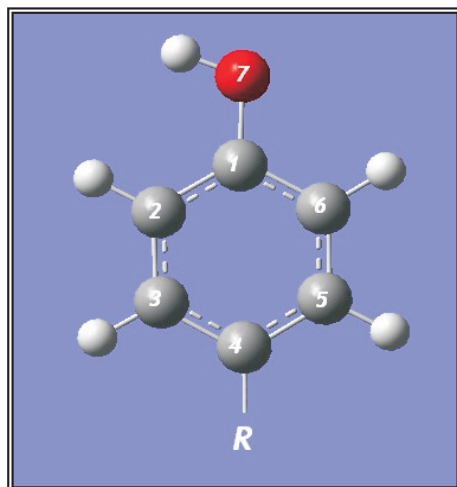


Figura 1. Estructura de base fenólica. R = $-\text{NH}_2$, $-\text{OCH}_3$, $-\text{OH}$, $-\text{CH}_3$, $-\text{Cl}$, $-\text{CN}$, $-\text{NO}_2$

Tabla 1. Sistemas que se llevaron a cabo en el estudio.

a:	p-amino-fenol
b:	p-metoxi-fenol
c:	p-hidroxí-fenol
d:	p-metil-fenol
e:	p-cloro-fenol
f:	p-ciano-fenol
j:	p-nitro-fenol

Para un ataque nucleofílico, la reacción ocurre en las posiciones 1 o 4 (figura 1) que presentan menor densidad electrónica con respecto a los demás carbonos^{1,2}.

La tabla 2 resume los sitios de reacción para una sustitución electrofílica y nucleofílica de cada molécula en estudio.

Tabla 2. Sitios de reacción para un nucleófilo y electrófilo según el sistema

Sitio nucleófilo		Sitio electrófilo	
a	C3 o C5	a	C1
b	C2, C3, C5 o C6	b	C4
c	C2 o C6	c	C1 o C4
d	C2 o C6	d	C1
e	C2 o C6	e	C4
f	C2 o C6	f	C4
j	C2 o C6	j	C4

Los valores en la tabla 3 muestran que el método de la teoría funcional de densidad (DFT): B3LYP/6-31G(d) proporciona la energía más baja para cada una de las moléculas en estudio (tabla 1), y que la función base: 6-31G(d) describe adecuadamente a cada molécula fenólica, en lugar de la función base: 3-21G.

El método de la teoría de perturbación *Moller-Plesset*: MP2/6-31+G(d) se encuentra próximo en valores de energía.

La figura 2 muestra la tendencia de la energía para cada una de las moléculas en función del método teórico.

Tabla 3. Energía hallada para cada sistema

	a	b	c	d	e	f	j
HF/3-21G	-358,57899	-417,11013	-378,2979	-342,67701	-760,57075	-395,07492	-506,15494
B3LYP/3-21G	-360,81846	-419,6666	-380,56963	-344,87742	-763,168	-397,50779	-509,11817
MP2/6-31+G(d)	-361,70836	-420,70494	-381,54967	-345,68364	-765,54503	-398,53104	-510,5375
B3LYP/6-31G(d)	-362,81469	-421,98141	-382,67801	-346,78224	-767,06032	-399,71001	-511,96901

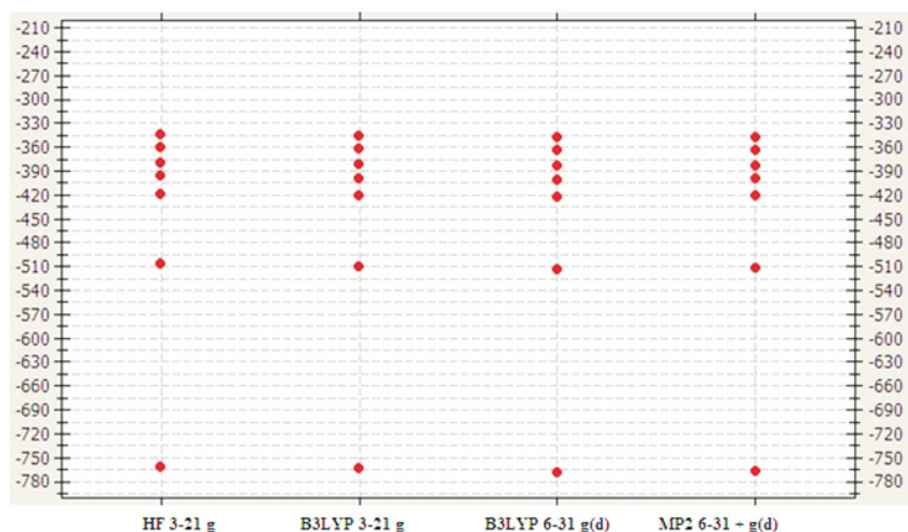


Figura 2. Comparación esquemática de la energía de los sistemas según el método

Tablas de reactividad

Nivel de teoría HF/3-21G

Observando la tabla 4, el ataque por una especie electrofílica sucede en el carbono 1 o 4, porque presentan mayor densidad electrónica. Este resultado no es viable teóricamente

Tabla 4. Valores obtenidos en el cálculo de la función de *Fukui* para un ataque electrofílico

HF/3-21G						
f- (para un ataque electrofílico)						
	a	b	c	d	e	f
C1	0,077634	0,065893	0,07387	0,104851	0,116911	0,115678
C2	0,007735	0,016474	0,014951	0,036253	0,04056	0,036119
C3	0,071023	0,065425	0,070747	0,034414	0,027565	0,033591
C4	-0,02537	0,070162	0,073865	0,071505	0,039665	0,077893
C5	0,070976	0,016745	0,014952	0,034103	0,027683	0,033629
C6	0,007739	0,065858	0,070749	0,03674	0,040446	0,036094
O7	0,039123	0,077408	0,08854	0,059371	0,065779	0,064392

Tabla 5. Valores obtenidos en el cálculo de la función de *Fukui* para un ataque nucleofílico

HF/3-21G						
f+ (para un ataque nucleofílico)						
	a	b	c	d	e	f
C1	-0,017652	-0,006955	-0,005201	-0,012032	-0,010714	0,097142
C2	0,092146	0,087463	0,08828	0,092292	0,092373	0,009806
C3	0,085159	0,090901	0,090819	0,086876	0,093193	0,037334
C4	-0,013756	0,001243	-0,005207	-0,048956	-0,061899	0,106977
C5	0,085198	0,085498	0,088282	0,086004	0,093161	0,037283
C6	0,092134	0,09164	0,090815	0,086876	0,092412	0,009881
O7	0,035621	0,03694	0,037287	0,035619	0,036041	0,030059

Por otro lado, los sistemas: **b**, **c** y **j** –este último posee el valor más alto en reactividad a un ataque electrofílico– tienen en el átomo 7 el sitio más reactivo a un ataque electrofílico; los electrones libres del oxígeno determinan su capacidad donadora, como sucede en la reacción de acilación de fenoles. Sin embargo, el método es inadecuado para calcular adecuadamente la función de *Fukui* f-.

Además, la tabla 5 muestra que el ataque por una especie nucleofílica para todas las moléculas sucede en cualquier carbono diferente a 1 y 4, excepto en las moléculas: **f** y **j**.

Nivel de teoría B3LYP/3-21G

De la tabla 6 para el ataque electrofílico, observamos uniformidad en los valores de la función de *Fukui* para todos los sistemas, mayores que con el método de *Hartree-Fock*.

Tabla 6. Valores obtenidos en el cálculo de la función de *Fukui* para un ataque electrofílico

B3LYP/3-21G							
f- (para un ataque electrofílico)							
	a	b	c	d	e	f	j
C1	0,046563	0.039444	0,040537	0,034454	0,031415	0,031712	0,029502
C2	0,036458	0.038911	0,044461	0,053513	0,051764	0,052177	0,059093
C3	0,047747	0,047922	0,048926	0,033402	0,030529	0,032148	0,031041
C4	0,011329	0,034113	0,040539	0,033047	0,013853	0,050791	0,076447
C5	0,052692	0,042949	0,044482	0,038203	0,034235	0,035307	0,034631
C6	0,037066	0,047567	0,048909	0,054073	0,053193	0,051436	0,055032
O7	0,096961	0,106194	0,114978	0,128275	0,123516	0,121853	0,135026

Tabla 7. Valores obtenidos en el cálculo de la función de *Fukui* para un ataque nucleofílico

B3LYP/3-21G(d)							
f+ (para un ataque nucleofílico)							
	a	b	c	d	e	f	j
C1	-0,0132	-0,022004	-0,014139	-0,03043	-0,033552	0,070976	0,028373
C2	0,158578	0,171245	0,162922	0,187836	0,183472	0,079141	0,08115
C3	0,145222	0,158884	0,162923	0,101255	0,124454	0,080724	0,084077
C4	0,001756	-0,005893	-0,01414	0,221844	0,263145	0,303473	0,00252
C5	0,145345	0,16307	0,163595	0,113738	0,121279	0,075741	0,083481
C6	0,159265	0,170939	0,163595	0,181456	0,184646	0,086028	0,080555
O7	0,121881	0,127299	0,12354	0,128563	0,131446	0,143278	0,136743

El sitio más reactivo en todos los sistemas es el átomo 7 –correspondiente al átomo de oxígeno– donde se concentra la mayor densidad electrónica del sistema, y dispuesto a reaccionar con un electrófilo. Este método explica de manera homogénea la acilación de los fenoles.

Si tomamos al segundo átomo más nucleófilo de las moléculas: **d**, **e** y **f**, reaccionan con una especie electrofílica en los C2 o C6. Asimismo, la molécula **b** reacciona con una especie electrofílica en el C3 y la molécula **a** en el C5, es decir, en posición orto con respecto al grupo amino por su mayor carácter activador sobre el grupo hidroxilo. La sustitución electrofílica en los sistemas: **a**, **b**, **d**, **e** y **f** es coherente con la teoría.

Observando los valores de la tabla 7, la reacción de las moléculas: **e** y **f** con una especie nucleofílica sucederá en el carbono 4, teóricamente válida. Las demás moléculas no logran ser explicadas mediante este método para una sustitución nucleofílica.

Nivel de teoría B3LYP/6-31G(d)

Tabla 8. Valores obtenidos en el cálculo de la función de *Fukui* para un ataque electrofílico

B3LYP/6-31G(d)							
f ⁻ (para un ataque electrofílico)							
	a	b	c	d	e	f	j
C1	0,049101	0,043251	0,047456	0,043148	0,040051	0,038963	0,038913
C2	0,036107	0,046587	0,045706	0,050923	0,046416	0,048933	0,052007
C3	0,044408	0,037955	0,045707	0,034239	0,030223	0,033002	0,03442
C4	0,01695	0,065879	0,047456	0,03697	0,025583	0,060356	0,075233
C5	0,039613	0,03289	0,038249	0,03031	0,025163	0,029129	0,029889
C6	0,034628	0,044947	0,038248	0,048378	0,046904	0,048015	0,055413
O7	0,10295	0,121282	0,11772	-0,11772	0,121343	0,120163	0,135855

Tabla 9. Valores obtenidos en el cálculo de la función de *Fukui* para un ataque nucleofílico

B3LYP/6-31G(d)							
f ⁺ (para un ataque nucleofílico)							
	a	b	c	d	e	f	j
C1	0,016902	0,01786	0,018107	0,021476	0,018001	0,092783	0,064209
C2	0,06911	0,070633	0,071564	0,07647	0,069579	0,009171	0,00955
C3	0,069202	0,069129	0,071564	0,06044	0,072787	0,044065	0,043457
C4	-0,001435	0,0155	0,018107	-0,036686	-0,017594	0,055449	0,00554
C5	0,068266	0,074329	0,069737	0,083386	0,06919	0,035608	0,040251
C6	0,070062	0,069629	0,069737	0,059792	0,07283	0,013555	0,009769
O7	0,03942	0,039842	0,040423	0,039762	0,040563	0,056258	0,048948

En la tabla 8 observamos que todos los sistemas, a excepción de la molécula **d**, presentan el sitio más nucleófilo en el átomo 7, teniendo la molécula **j** el valor más alto. La molécula **d** presenta el sitio más reactivo a un ataque electrofílico en el C2, que concuerda con los datos teóricos. Si tomamos el segundo valor más alto del índice de *Fukui* nucleofílico para las moléculas: **d** y **e**, la sustitución electrofílica se daría en el C2, acorde con la teoría.

La tabla 9 indica que la reacción de las moléculas: **f** y **j** con una especie nucleofílica sucede en el C1. A pesar de ser uno de los sitios con menor densidad electrónica, no es posible que ocurra la reacción en ese lugar. Los grupos: ciano y nitro, por efectos inductivos, la reacción se daría en el C1.

Nivel de teoría MP2/6-31+G(d)

Tabla 10. Valores obtenidos en el cálculo de la función de Fukui para un ataque electrofílico

MP2/6-31+G(d)							
f- (para un ataque electrofílico)							
	a	b	c	d	e	f	j
C1	0,047113	0,055415	0,086594	0,099175	0,085066	0,069059	0,088114
C2	0,060138	0,17534	0,121684	0,089722	0,099606	0,116421	0,13033
C3	0,061123	-0,005935	-0,002307	-0,003235	-0,001103	-0,040788	-0,007486
C4	0,076622	0,108425	0,086544	0,088711	0,062631	0,233774	0,07055
C5	0,034676	0,004066	0,121644	-0,046594	-0,02693	-0,05542	-0,028696
C6	0,048902	0,047717	-0,002328	0,10947	0,100631	0,104235	0,120091
O7	0,065026	0,08172	0,090764	0,114208	0,121081	0,122056	0,135871

Tabla 11. Valores obtenidos en el cálculo de la función de Fukui para un ataque nucleofílico

MP2/6-31+G(d)							
f+ (para un ataque nucleofílico)							
	a	b	c	d	e	f	j
C1	3,1268	0,133802	3,722992	7,077082	-0,160918	5,910543	0,084334
C2	-2,379234	1,857005	0,057917	-7,909588	0,265435	-8,139812	-0,028326
C3	-2,555272	-2,032169	-2,919685	1,908787	0,174405	2,975823	0,159748
C4	4,318516	3,212283	3,724113	-0,853209	-0,164941	-1,133151	-0,163947
C5	-0,748895	-2,183955	0,057515	-0,679523	0,148752	-0,726375	0,136851
C6	0,600434	0,24411	-2,918769	1,24778	0,220526	1,194418	-0,04132
O7	-0,33801	-0,000479	-0,369423	-0,553826	0,04052	-0,596442	0,044182

La tabla 10 muestra mayor variedad en la reactividad para el ataque electrofílico que en los métodos anteriores. Las moléculas: **d**, **e** y **j** presentan como sitio nucleófilo al O7, justificando la reacción de acilación de los fenoles, mientras que las moléculas: **b** y **c** justifican satisfactoriamente la sustitución electrofílica en el C2.

Considerando el segundo mayor índice de Fukui nucleofílico (tabla 11), la reacción con un electrófilo para las moléculas: **d**, **e** y **j** sucedería en el carbono 2 o 6, como predice la teoría. El ataque de un nucleófilo a las moléculas: **a**, **b** y **c** sucede en C4, y en las moléculas: **d** y **f** suceden en C1.

La tabla 12 resume los mejores resultados para explicar la reactividad nucleofílica/electrofílica de las moléculas fenólicas sustituidas en posición “para”. El método MP2/6-31+G(d) destaca entre los métodos utilizados.

Tabla 12, Resumen de los métodos que presentan resultados acorde con la teoría

	f- *				f+			
	HF/3-21G	B3LYP/3-21G	B3LYP/6-31G(d)	MP2/6-31+G (d)	HF/3-21G	B3LYP/3-21G	B3LYP/6-31G(d)	MP2 / 6-31+G(d)
a		X						
b		X		X				X
c				X				X
d		X	X	X				X
e		X	X	X		X		
f		X			X	X		
j				X				

*Considerando solo los átomos de carbono presentes en el anillo fenólico (no se considera el oxígeno)

CONCLUSIONES

Los métodos: B3LYP/3-21G(d) y B3LYP/6-31G(d) explican adecuadamente la reacción de acilación en los sistemas fenólicos sustituidos en posición “para”.

Los métodos: B3LYP/3-21G(d) y MP2/6-31+G(d) describen correctamente la sustitución electrofílica.

La sustitución nucleofílica determinada por el índice de Fukui para cada método fue variado, siendo los mejores: B3LYP/3-21G(d) y MP2/6-31+G(d).

El método B3LYP/3-21G(d) genera los valores de energía más bajos para los sistemas estudiados, y se complementa con el método MP2/6-31+G(d) para describir el índice de Fukui para la sustitución electrofílica y nucleofílica.

AGRADECIMIENTO

Los autores agradecen al Dr. William Tiznado Vásquez de la Universidad Andrés Bello, Santiago de Chile, por brindarnos soporte computacional.

REFERENCIAS

1. Francis A. Carey, Química Orgánica. Sexta edición. Mc Graw Hill, 2006, 1005-1017.
2. John McMurry, Química Orgánica. Séptima edición. Cengage Learning, 2008, 560-574.
3. Patricia Pérez, Luis R. Domingo, Mario Duque-Noreña & Eduardo Chamorro. A condensed-to-atom nucleophilicity index- An application to the director effects on the electrophilic aromatic substitutions. *Journal of Molecular Structure:THEOCHEM*, 2009; 895: 86-91.
4. Luis R. Domingo & Patricia Pérez. The nucleophilicity N index in organic chemistry. *Org. & Biomol. Chem.*, 2011; 9: 7168-7175.
5. Ira N. Levine, Química Cuántica, Prentice Hall, 5ta edición, 2001, 242-248, 544-549
6. Joan Bertran, Vicenc Branchadell, Miquel Moreno & Mariona Sodupe, Química Cuántica, Síntesis S.A. 2da edición, 2002, 75-82, 193-198.
7. A. Ghomri & S. M. Mekelleche. Reactivity and regioselectivity of five-membered heterocycles in electrophilic aromatic substitution: A theoretical investigation. *Journal of Molecular Structure: THEOCHEM*, 2010; 941: 36-40.
8. Virginia Popa. La cuantificación de los sitios activos en las bases de DNA y RNA utilizando las funciones de Fukui condensadas. *Revista Mexicana de Física*, 2007; 53 (4): 241-253.
9. C. V. Uribe, E. A. Tobón, F. Figueroa & D. P. Henao. Fototoxicidad de medicamentos sulfas y su reactividad frente al oxígeno molecular singulete, *Rev. Soc. Quím. Perú*, 2008; 74 (4): 311-322.